

Satz $\sqrt{2} \notin \mathbb{Q}$

Beweis $\sqrt{2} = \frac{p}{q}$, $(p, q) = 1$, $q \neq 0$.

$$2 = \frac{p^2}{q^2} \Leftrightarrow p^2 = 2q^2 \quad (*)$$

p^2 gerade \Rightarrow p gerade, d.h. $p = 2 \cdot p_1$

$$4p_1^2 = 2q^2 \Leftrightarrow 2p_1^2 = q^2 \Rightarrow$$

q gerade \Downarrow